

產業結構與公平交易法 署宛文主編  
中央研究院中山人文社會科學研究所專書(2)，頁 281 – 299  
民 83 年 6 月，台灣，台北

# 不完全訊息下防止再協商的均衡 \*

陳恭平 \*\*

## 壹、導論

在最近的一篇文章裡 van Damme (1989:206-217) 證明了在完全訊息下，weakly renegotiation-proof equilibrium (WRPE)<sup>1</sup> 的限制力並不比 subgame perfect equilibrium 強；至少在重覆的囚人難局 (repeated prisoners' dilemma) 是如此。這個證明的關鍵是：當參賽者可以觀察到另外一個人的行為時，如果任一個人逸離了原先的均衡，那麼他們可以走到另外一條均衡路徑，在這條路徑上，逸離者被處罰而另外一個賽者受到獎勵。（這條路徑在囚人難局裡是可以找到的。）而且這個策略是一個 WRPE，因為原先路徑所給的報酬和後來的路徑並沒有相互 Pareto-ranked。但如果在不完全訊息下，上述的策略並不適用。原因是：由於參賽者無法觀察到另一參賽者的行為，因此當某期出現的結果和預期相差很遠時，表示有人逸離的可能性很大；但因為參賽者無法知曉誰逸離，因此唯一的維持均衡的方法是兩個人都受處罰，但同時處罰兩個人的策略不是 WRPE，因此在不完全訊息下，似乎唯一的 WRPE 是每期都玩當期的 Nash 均衡。van Damme 在同一篇文章裡，猜測 Green-Porter (1984 : 87-100) 的寡佔模型裡，唯一的 WRPE 是每期都玩當期的

\*本文原以英文稿發表於社科所「產業結構與公平交易法研討會」中。其中第一、二、四與第三節的一部份和同名發表於 Journal of Economic Theory 的文章相同。作者感謝 Academic Press 同意作者以中文發表。

\*\*中央研究院中山人文社會科學研究所助研究員

Cournot 均衡。本文的目的是在證明 van Damme 的申論是錯的。即使在 Green-Porter 的不完全訊息模型裡，仍存在不需每期玩 Cournot 均衡的 WRPE。我們也說明為什麼 van Damme 是錯的。另外一方面，即使存在不需每期玩 Cournot 的 WRPE，我們卻可證明任何一個 WRPE 都不可能達到壟斷利潤。WRPE 策略，在公平交易的政策觀點上，有重大意義：我們在附錄裡比較了 WRPE 策略和 Green-Porter 的 trigger 策略在維持寡佔勾結上，所產生的價格數列 (price process) 有什麼不同。我們發現想用計量的方法來探知廠商有無勾結，存在先天的困難。

## 貳、理論模型

我們所用的模型是簡化的 Abreu, Pearce 和 Stachetti (1986:254-257;1990:1045-46) 模型。市場上有兩家廠商生產同一物品。同時他們進行 Cournot 競爭。當每家廠商的產量是  $q_i$  時，市場價格為  $\tilde{P}=P(Q)+\tilde{\theta}$ ；其中  $Q=q_1+q_2$ ， $\tilde{\theta}$  是一個隨機變數。假設  $\tilde{\theta}$  的密度函數 (density function) 是  $g$ 。 $g$  是單峰的 (single-peaked)，而且  $g(x)=g(-x) \forall x \in \mathbb{R}$ ，所以  $E(\tilde{\theta})=0$ 。

因此，當市場總產量是  $Q$  時，價格  $\tilde{P}$  是一個隨機變數，它的密度函數是  $g(\tilde{P}-P(Q))$ 。假設廠商的生產成本是 0。

每家廠商只能觀察到市場價格  $\tilde{P}$  和自己的產量，無法觀察到另一廠商的產量。

單期賽局  $\Gamma(R_+^2, \pi_1, \pi_2)$ :

在單期賽局裡，每一廠商同時選擇產量  $(q_1, q_2) \in R_+^2$ 。 $i$  廠商的利潤是

$$\pi_i(q_i; \tilde{P}) = q_i \tilde{P} - c q_i^2$$

而預期利潤是

$$\pi_i(q_i q_j) = q_i P(Q) \circ$$

j 廠商的產量對 i 廠商利潤的影響，只透過其對價格的影響。

重覆賽局  $\Gamma^\infty(\sigma)$ ：

$\Gamma^\infty(\sigma)$  是  $\Gamma(R_+, q_1, q_2)$  的重覆賽局，而每期的折現率是  $\delta$ 。

i 廠商的策略是一個函數數列  $\sigma_i = (\sigma_i(t))_{t=1}^\infty$ 。其中  $\sigma_i(1) \in R_+$ ,  $\sigma_i(t) : R_+^{t-1} \times R_+^{t-1} \rightarrow R_+$ ,  $\sigma_i(t)(P^{t-1}, q_i^{t-1}) \in R_+ \forall t \geq 2$ 。 $P^t \equiv (P(1), \dots, P(t))$  和  $q_i^t \equiv (q_i^t(1), \dots, q_i^t(t))$  是 i 廠商擁有的歷史資料。請注意  $\sigma_i(t)$  是價格和它自己產量的函數。令  $\sigma = (\sigma_1, \sigma_2)$ 。給定任一歷史  $h(t) = (P^t, q^t)$  和一策略  $\sigma, \sigma|_{h(t)}$  表示被  $h(t)$  這一歷史所導引出來的策略，也就是說， $\sigma|_{h(t_1)}(t_2+1)(h(t_2)) = (t_1+t_2+1)(h(t_1), h(t_2))$ 。i 廠商的第 t 期預期利潤是

$$R_i(\sigma; t) = \int_{-\infty}^{\infty} \dots \int_{-\infty}^{\infty} \pi_i(q(t)(p^{t-1}, q_i^{t-1}); p(t)) g(p(1); Q(1)) \dots g(p(t); Q(t)(p^{t-1}, q_i^{t-1})) dp(1) dp(2) \dots dp(t);$$

其中

$$Q(t)(p^{t-1}, q^{t-1}) = \sum_{i=1}^2 q_i(t)(p^{t-1}, q^{t-1}) \quad \forall t \geq 2 \quad \text{且}$$

$$Q(1) = \sum_i \sigma_i(1) \circ$$

i 廠商在  $\Gamma^\infty(\delta)$  裡的預期利潤是

$$v_i(\sigma) = (1 - \delta) \sum_{t=1}^{\infty} \delta^{t-1} R_i(\sigma; t);$$

其中  $(1 - \sigma)$  是折現因子 (*normalizing factor*)。

[定義]：如果

$$v_i(\sigma) \geq v_i(\sigma_i; \sigma_{-i}) \quad \forall i \quad \forall \sigma_i,$$

則  $\sigma$  是一個 Nash 均衡。

如果對所有的  $h(t)$ ,  $\sigma|_{h(t)}$  都是 Nash 均衡，則是一個 *subgame perfect* 均衡 (*SPE*)。

如果是一個 *perfect* 均衡，而且不存在  $h(t_1), h(t_2)$  使得  $(\sigma|_{h(t_1)})$  和  $v(\sigma|_{h(t_2)})$  有 *Pareto-ranked* 的關係，則它是一個 *weakly renegotiation-proof equilibrium (WRPE)*。

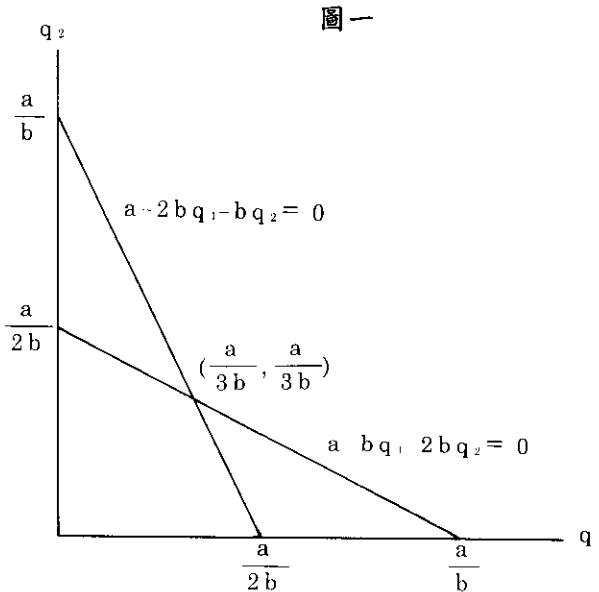
本文只討論  $\sigma$  是  $p'$  的函數的情況，也就是說， $\sigma$  只是市場價格的函數。

## 參、範例

定義  $P(Q)$  如下：若  $Q \leq a/b$ ；則令  $P(Q) = a - bQ$ ，在其他情況下  $P(Q) = 0$ 。 $i$  廠商的反應函數 (*reaction function*) 是

$$a - 2bq_i - bq_j = 0 \quad i, j = 1, 2 \quad i \neq j.$$

圖一畫出廠商各自的 *reaction curve*。請注意給定另一廠商的產量時，每一廠商的利潤是自身產量的單峰 (*single-peaked*) 函數。



我們先給出 WRPE 對可能產量  $(q_1, q_2)$  的限制。然後利用這一限制我們給一個例子說明 van Damme 的說法是錯的。

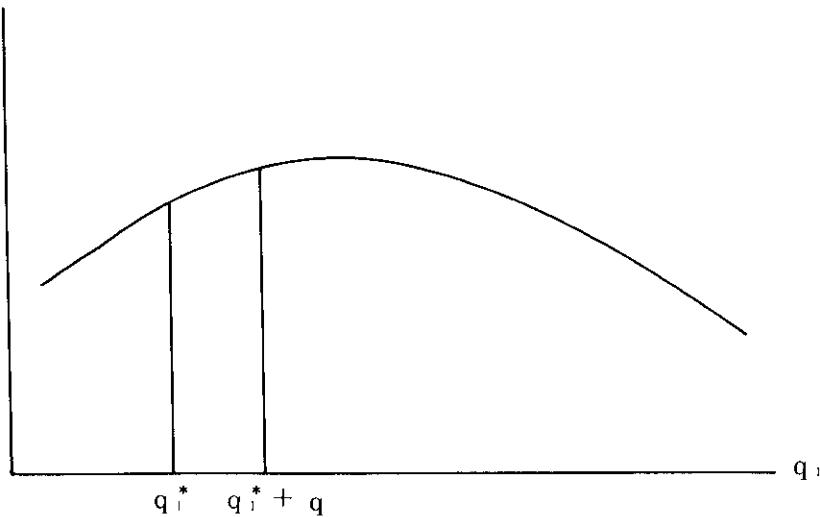
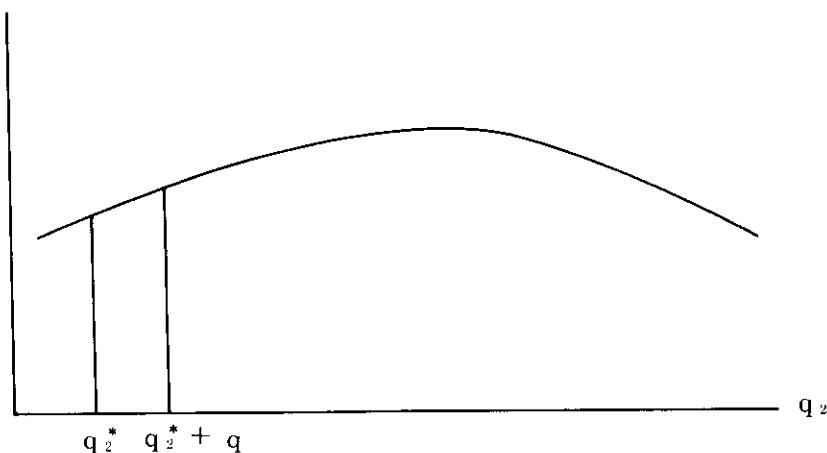
〔引理 1〕：令是 WRPE。則在任何一期裡，如果  $\sigma$  規定廠商的產量是  $(q_1^*, q_2^*)$ ，那麼  $q_1^*$  和  $q_2^*$  一定在廠商各自的利潤函數的不同側。也就是說，如果  $q_1^*$  落在廠商 1 的利潤函數的極值右（左）側，那麼  $q_2^*$  一定在廠商 2 利潤函數的左（右）側。

〔證明〕：假設  $q_1^*, q_2^*$  同在左側（見圖二），那麼一定存在  $q > 0$  使得

$$\pi_1(q_1^* + q, q_2^*) > \pi_1(q_1^*, q_2^*)$$

$$\pi_2(q_2^* + q, q_1^*) > \pi_2(q_2^*, q_1^*)$$

圖二

 $\pi_1(q_1, q_2^*)$  $\pi_2(q_1^*, q_2)$ 

因  $\sigma$  是  $PE$ ，所以

$$\begin{aligned} \pi_1(q_1^*, q_2^*) + \delta \int V_1(p)g(p; q_1^* + q_2^*)dp \\ \geq \pi_1(q_1^* + q, q_2^*) + \delta \int V_1(p)g(p; q_1^* + q_2^* + q)dp; \end{aligned}$$

而且

$$\begin{aligned} \pi_2(q_1^*, q_2^*) + \delta \int V_2(p)g(p; q_1^* + q_2^*)dp \\ \geq \pi_2(q_2^* + q, q_1^*) + \delta \int V_2(p)g(p; q_1^* + q_2^* + q)dp; \end{aligned}$$

其中  $V_i(p)$  是  $i$  廠商在價格  $p$  出現後，在  $\sigma$  之下所能預期的日後的利潤（見 Abreu, Pearce, Stachett, 1986:257–262; 19990:1046–1050）。

所以

$$\int V_1(p)g(p; q_1^* + q_2^*) > \int V_1(p)g(p; q_1^* + q_2^* + q),$$

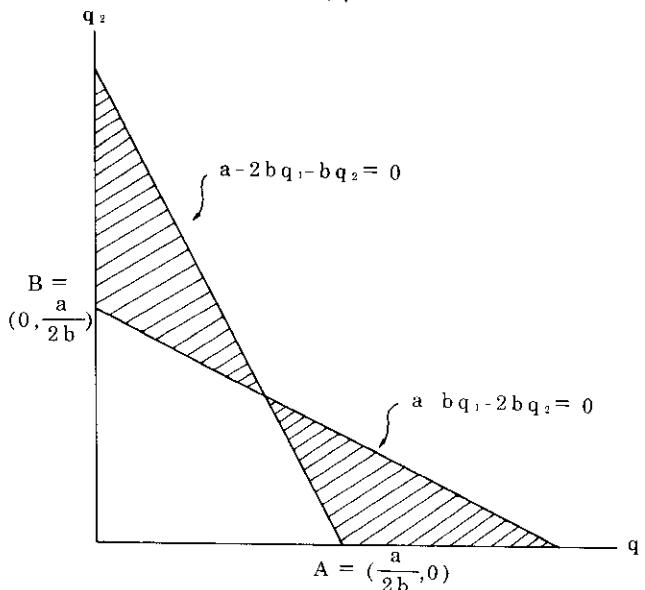
$$\int V_2(p)g(p; q_1^* + q_2^*) > \int V_2(p)g(p; q_1^* + q_2^* + q)。$$

產量  $q_1^* + q_2^*$  之後的預期利潤高於（對兩廠商皆然）產量為  $q_1^* + q_2^* + q$  之後的預期利潤。因此違反  $WRPE$  之定義。當  $q_1^*, q_2^*$  兩者皆在極值右邊時，證明雷同。  $QED$

這個引理的直覺，是當在某一期  $q_1^*$  比廠商 1 的最適反應 (*best response*) 產量低時，廠商 1 有增加產量以增加此期利潤的動機，這時會使價格下降。為了防止它發生，一定要有一個在價格低的時候對廠商 1 的處罰。但  $WRPE$  要求使得在處罰廠商 1 時，必須獎勵廠

商 2。因此如果  $q_2^*$  也低於廠商 2 的最適反應產量的話，廠商 2 可以在這一期增加產量。這樣一來，不但使它的單期利潤增加，同時也使它被獎勵的機率增加（因為廠商 2 增加產量也會使價格下降）。由於上述引理，可知一個 WRPE 一定只能在每期生產如圖三斜線部份的產量。

圖三



令  $a = 6, b = 1$ ，也就是， $p(Q) = 6 - Q$ 。假定廠商只能生產 0.5 單位的倍數的產量（也就是  $0.5, 1, 1.5, 2, \dots$ ）<sup>2</sup>。我們這樣做，一方面是要簡化計算，一方面是要讓最適反應產量完全落在反應函數  $6 - 2q_1 - q_2 = 0, 6 - q_1 - 2q_2 = 0$  上。（在產量只能是整數時，不會完全在反應函數上。）<sup>3</sup>

考慮下列策略  $\sigma$ ：

第一階段：生產  $(q_1, q_2) = (1, 3) \equiv q^0$ ，這一產量的預期利潤是  $\pi^0 \equiv (2, 6)$ ，預期價格是 2。只要每期價格都在  $\bar{P}$  之下 ( $\bar{P}$  的值

得我們等一下會給），則下期仍生產  $q^0$ 。只要有任一期  $\tilde{P} > \bar{P}$  則進入第二階段。

第二階段：生產 *Cournot* 產量  $(q_1, q_2) = (2, 2) \equiv q^{NE}$  一次，然後回到第一階段。這一階段的單期預期利潤是  $\pi^{NE} = (4, 4)$ ，預期價格是 2。

我們要證明  $\sigma$  是 *WRPE*：首先，從任何一期往下看的預期利潤都落在連接  $\pi^{NE}$  和  $\pi^0$  的線上。這條線是負斜率，所以不可能有 *Pareto-ranked* 的情形。因此我們只需證明  $\sigma$  是 *SPE*。其次，在第二階段沒有廠商願意逸離，因為他們是生產 *Cournot* 產量，而且生產一次 *Cournot* 產量後，不論如何他們又都回到第一階段。所以我們真正需要證明的，是沒有廠商願在第一階段做 *one-shot* 逸離。我們很容易可證明在第一階段，如果廠商都遵守合約，預期利潤為

$$(V_1, V_2) = \left( \frac{2 + 4\delta Pr(2)}{1 + \delta Pr(2)}, \frac{6 + 4\delta Pr(2)}{1 + \delta Pr(2)} \right),$$

其中

$$Pr(P) = Pr(\tilde{P} \geq \bar{P} \mid E(\tilde{P}) = P).$$

令  $V_1(q_1)$  是廠商 1 在第一階段，如果它先生產  $q_1$  ( $q_1$  不一定等於 1)，再按合約繼續下去的預期利潤。因此  $V_1(1) = V_1$ 。很容易證明

$$V_1(q_1) = (1 - \delta)\pi_1(q_1) + 4\delta(1 - \delta)Pr(3 - q_1) +$$

$$(\delta^2 Pr(3 - q_1) + \delta(1 - Pr(3 - q_1))V_1.$$

同理

$$V_2(q_2) = (1 - \delta)\pi_2(q_2) + 4\delta(1 - \delta)Pr(5 - q_2) +$$

$$(\delta^2 Pr(5 - q_2) + \delta(1 - Pr(5 - q_2))V_2,$$

其中  $\pi_1(q_1) \equiv \pi_1(q_1, 3), \pi_2(q_2) \equiv (1, q_2)$ 。我們可算出

$$V_1 - V_1(q_1) = [(2 - \pi_1(q_1)) + \delta(4Pr(2) - 2Pr(3 - q_1) -$$
 (1)

$$Pr(2)\pi_1(q_1))] \cdot \frac{(1 - \delta)}{1 + \delta Pr(2)},$$

$$V_2 - V_2(q_2) = [(6 - \pi_2(q_2)) + \delta(2Pr(5 - q_2) + 4Pr(2) -$$
 (2)

$$\pi_2(q_2))] \cdot \frac{(1 - \delta)}{1 + \delta Pr(2)}.$$

$\sigma$ 是SPE隱含(1)和(2)在  $0 \leq q_1 \leq 3$  和  $0 \leq q_2 \leq 5$  時必須是負值。而且很容易可知這些中只有4個是真正有限制的： $q_1 = 0.5, 1.5$ , 和  $q_2 = 2.5, 3.5$ 。因此

$$0.75 + 2.75\delta Pr(2) - 2\delta Pr(2.5) \geq 0,$$

$$-0.25 + 1.75\delta Pr(2) - 2\delta Pr(1.5) \geq 0,$$

$$-0.25 + 2\delta Pr(2.5) - 2.25\delta Pr(2) \geq 0,$$

$$0.75 + 2\delta Pr(1.5) - 1.25\delta Pr(2) \geq 0.$$

也就是說，

$$3 + 11\delta Pr(2) - 8\delta Pr(2.5) \geq 0,$$

$$-1 + 7\delta Pr(2) - 8\delta Pr(1.5) \geq 0,$$

$$-1 + 8\delta Pr(2.5) - 10\delta Pr(2) \geq 0,$$

$$3 + 8\delta Pr(1.5) - 6\delta Pr(2) \geq 0.$$

令  $P = 2.5$ 。則  $Pr(2.5) = 1/2$ ,  $Pr(2) = Pr(\tilde{\theta} \geq 0.5)$ ,  $Pr(1.5) = Pr(\tilde{\theta} \geq 1)$ 。

令  $g$  滿足  $Pr(\tilde{\theta} \geq 0.5) = 0.2$ ,  $Pr((\tilde{\theta} \geq 1)) = 0.025$ , 則以上 4 式在，比如說， $\delta \geq 0.9$  時皆成立。QED

*van Damme (1989:206–217)* 之所以認為在 *Green–Porter* 模型裡，重覆的玩 *Cournot* 是唯一的 *WRPE*，理由在於：利用 *Abreu, Pearce* 和 *Stachetti (1986:264)* 的定理，所有對稱的均衡報酬一定可被一個 *bang–bang* 策略所支持（也就是一個只生產最大或最小 *SPE* 利潤來當作處罰的策略）。但最大和最小利潤是 *Pareto–ranked*，所以不可是 *WRPE*，所以唯一的可能是每期都生產 *Cournot* 產量。

這個推論的錯誤在於：第一，這個 *bang–bang* 定理只是充份定理；也就是說，任何一個 *SPE* 都可被 *bang–bang* 策略所支持，但不一定非被 *bang–bang* 策略支持不可。事實上任一個 *SPE* 報酬都可被很多 *SPE* 策略所支持，有的是 *bang–bang*，有的不是。因此雖可證明 *bang–bang* 策略不是 *WRPE*，但並沒有排除其他的策略是 *WRPE* 的可能性。第二，這個定理只討論對稱策略。即使在不完全訊息下，廠商仍可使用非對稱策略，如本節使用的策略，就是一個例子。

## 肆、不可能達到壟斷利潤

一個有趣的問題是：使用 *WRPE* 策略，有沒有可能讓廠商達到壟斷利潤。下面的結果證明這是不可能的。

〔引理 2〕：一個 *WRPE* 無法達到壟斷利潤

〔證明〕：假設某一個 *WRPE*  $\sigma$  達到壟斷利潤。由引理 1 知  $\sigma$  只可能生產圖三中斜線部份的產量，但若要達到壟斷利潤， $\sigma$  必需每期生產 *AB* 線上的產量。因此只有 *A*、*B*

兩點可能。也就是說， $\sigma$ 必須每期生產  $A = (\frac{a}{2b}, 0)$  或  $B = (0, \frac{a}{2b})$ 。假設在某期生產  $A$  點，則因為是 SPE 我們可得

$$\left. \frac{\partial V_1(q_1)}{\partial q_1} \right|_{q_1 = a/2b} = 0; \quad (3)$$

$$\left. \frac{\partial V_2(q_2)}{\partial q_2} \right|_{q_2 = 0+} = 0. \quad (4)$$

其中  $V_i(P, Q)$  是在某一期價格為  $P$ ，產量為  $Q$  時， $i$  廠商接下去的預期利潤。也就是說，

$$V_1(q_1) = (1 - \delta)\pi_1(q_1, 0) + \delta \int_R v_1(P, q_1 + 0) dP,$$

$$V_2(q_2) = (1 - \delta)\pi_2(a/2b, q_2) + \delta \int_R v_2(P, q_2 + a/2b) dP.$$

由於在 A 點

$$\left. \frac{\partial \pi_1(q_1, 0)}{\partial q_1} \right|_{q_1 = a/2b} = 0, \text{ 且 } \left. \frac{\partial \pi_2(a/2b, q_2)}{\partial q_2} \right|_{q_2 = 0+} > 0,$$

所以

$$\left. \frac{\partial \int u_1(q, q_1 + 0) dp}{\partial Q} \right|_{q_1 = a/2b} = 0;$$

$$\left. \frac{\partial \int u_2(q, a/2b + q_2) dp}{\partial Q} \right|_{q_2 = 0+} < 0. \quad (5)$$

但因  $\sigma$  只能生產 A 或 B 點，因此

$$\int_R v_1(P, Q) dP + \int_R v_2(P, Q) dP = a^2/4b \quad \forall Q.$$

由此可得

$$\begin{aligned} & \frac{\partial \int v_1(P, q_1 + 0) dP}{\partial Q} \Bigg|_{q_1 = a/2b} + \\ & \frac{\partial \int v_2(P, a/2b + q_2) dP}{\partial Q} \Bigg|_{q_2 = 0+} = 0; \end{aligned}$$

這和(5)衝突。因此 $\sigma$ 不可能生產在A點。同理 $\sigma$ 也不可能生產在B點。QED

## 伍、結論

我們在這篇文章裡，說明了雖然 van Damme 的推論，是很合乎直覺的，但卻是錯誤的。即使是在不完全訊息下，仍然有可能使用WRPE策略。這個結果，有其實證上的重要性。如衆所知，一個維持公平交易的機構（如公交會），其主要的目的即在探知並阻止壟（寡）斷廠商的壟斷（勾結）定價。在最近的文獻裡，用計量的方法來探知寡佔廠商是否用所謂的 trigger strategy 來勾結的作法，非常流行。（若廠商使用 trigger strategy，則所產生的價格數列 (price process)，將是一個典型的 switching process）。我們在附錄裡，將申論：即使廠商價格的時間數列，不顯示一個 switching process，仍然不表示廠商沒有勾結。相反地，他們可能用 WRPE 策略來勾結。（正文部份即在證明這種策略是存在的。）但不幸的是，如果廠商用這種方式勾結，那麼所產生的價格數列 price processes，和 Cournot 競爭所產生的價數列 price process，只相差一個平移。因此我們如果不知道廠商的生產成本，那麼我們完全無法辨識

勾結和競爭這兩條 processes 的不同。因此附錄的結果，等於提出一個訊息：如果公交單位只用價格數列 price process 的資料來斷定廠商是否勾結，是註定要失敗的。

## 註 釋

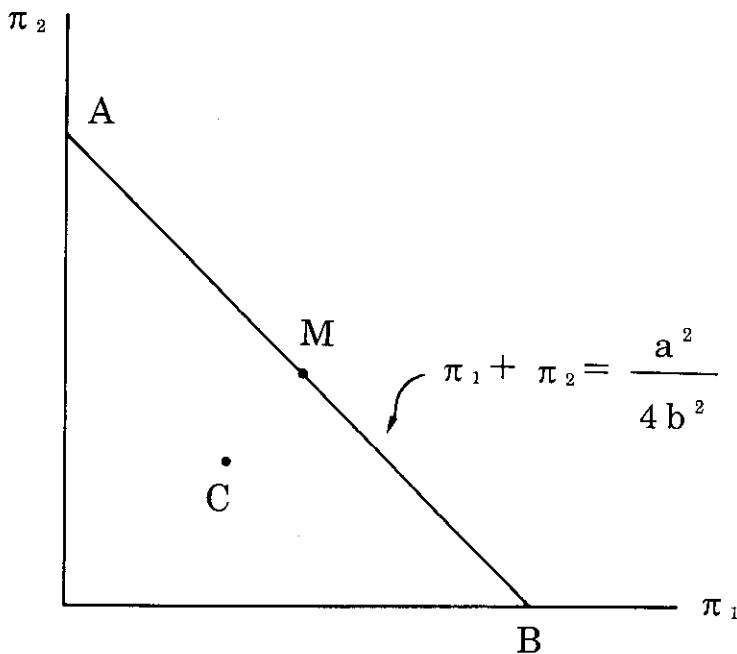
- 1 有關 WRPE 的定義和考慮動機，請見 Farrell,Maskin(1989)。
- 2 引理一在產量是 discrete 時一樣正確。
- 3 如果廠商生產的是整數產量（也就是 1, 2, 3 …），那麼比如說，如果  $q_1=1$ ，則第 2 廠商的 best response 產量應為  $q_2=2$  或 3。但 (1,2) 或 (1,3) 都不在  $6-q_1-2q_2=0$  這條線上。這其實是因為  $q_1=1$  時， $q_2$  應為 2.5 才會使  $(q_1,q_2)$  落在  $6-q_1-2q_2=0$  上。但若規定只能生產整數產量， $q_2$  不能等於 2.5。這種情形，在我們假設廠商可以生產 0.5 單位的倍數的產量時，可以消除。
- 4 實際引理二證明即使 WRPE 也是無法達到壟斷利潤的。因此其實 WRPE 不應該用 A 和 B 點來處罰，而應用聯合利潤稍低（只低一點點）的 A' 點和 B' 點（見圖五）。如此當然最後的利潤不會是壟斷利潤，但仍比使用 Cournot 產量為處罰的利潤高。而產生的 price process 雖然和  $P(Q)+\tilde{\theta}$  不同，但其差異可以小到計量上不顯著 (significant) 的程度。

## 附 錄

在附錄裡我們將比較 WRPE 和 Trigger 兩種策略 (Green-Porter,1984:87-100) 在實證上有那些不同的結果，由此我們並討論在用實證方法證明廠商進行勾結時，可能遇到的困難。

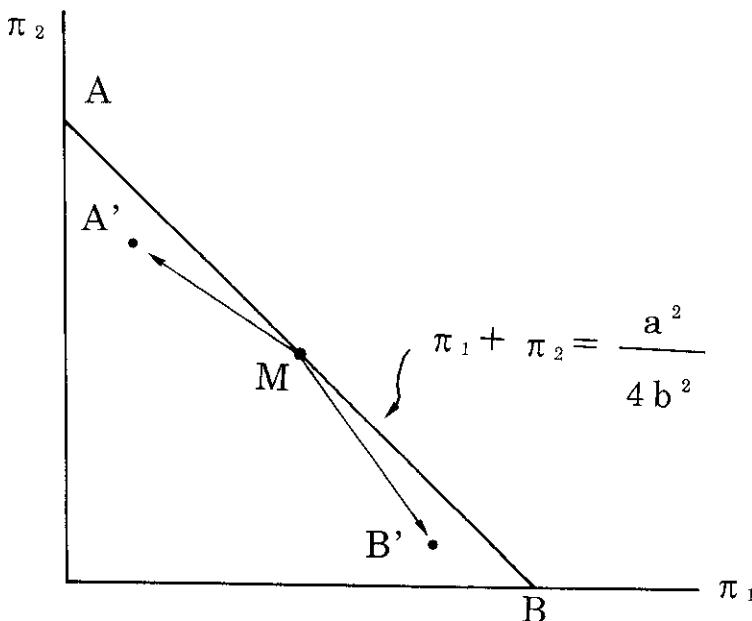
WRPE 和 Trigger 策略的主要不同點在於後者是用共同的低利

圖四



潤來當作威脅，以達到勾結目的。前者不以共同的低利潤，而以不同的市場占有率來當作威脅。這可以用圖一和二來解釋。圖四中，壟斷利潤可以用相同的低利潤 C (Cournot 利潤) 以爲威脅來支持。也就是說當市場價格過低時，則進入 C 若干期以爲共同的處罰。因此在生產壟斷利潤的時候，即使每一家廠商都有增加產量以增加單期利潤的企圖，但由於如此會使市場價格降低而增加被處罰的機率，所以他們不願意增加生產。但在圖五中，壟斷利潤是以占有率以爲威脅來支持。比如說，他們可以立下策略規定，如果市場價格太低，則下幾期生產在 A 點以處罰廠商 1。如果價格太高，則下幾期生產在 B 點以處罰廠商 2 (這其實就是引理一的內涵)。值

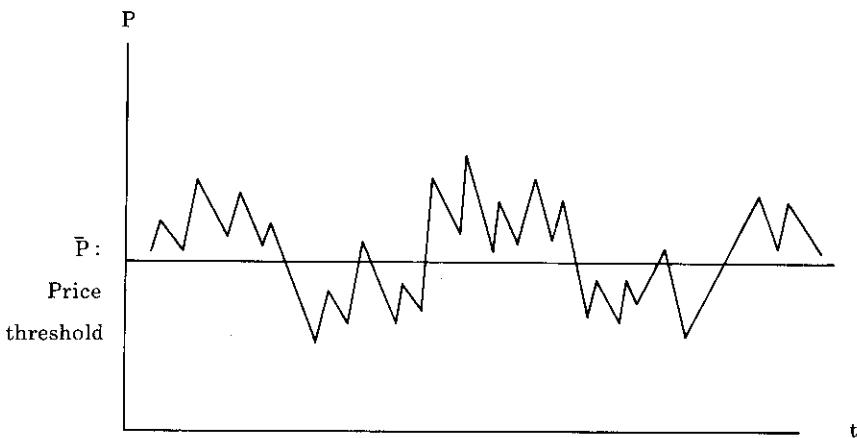
圖五



得注意的是，市場上的預期價格永遠是固定的，所變的只是在這個價格下各廠商的市場占有率<sup>4</sup>。

因此在 Trigger 策略下的價格數列可分成兩個狀態：正常狀態和交戰狀態。在正常狀態裡，廠商生產壟斷產量，得到壟斷利潤。一旦價格太低，則進入交戰狀態，此時廠商作 Cournot 競爭。一個典型的 Trigger 策略下的價格數列如圖六。在這個數列下，一個不尋常的低價總會伴隨著隨之而來的好幾期低價（交戰狀態），而且交戰狀態的長度大致一定。這是一個典型的 switching process。因此 Trigger 勾結很容易用計量方法探知。

圖六

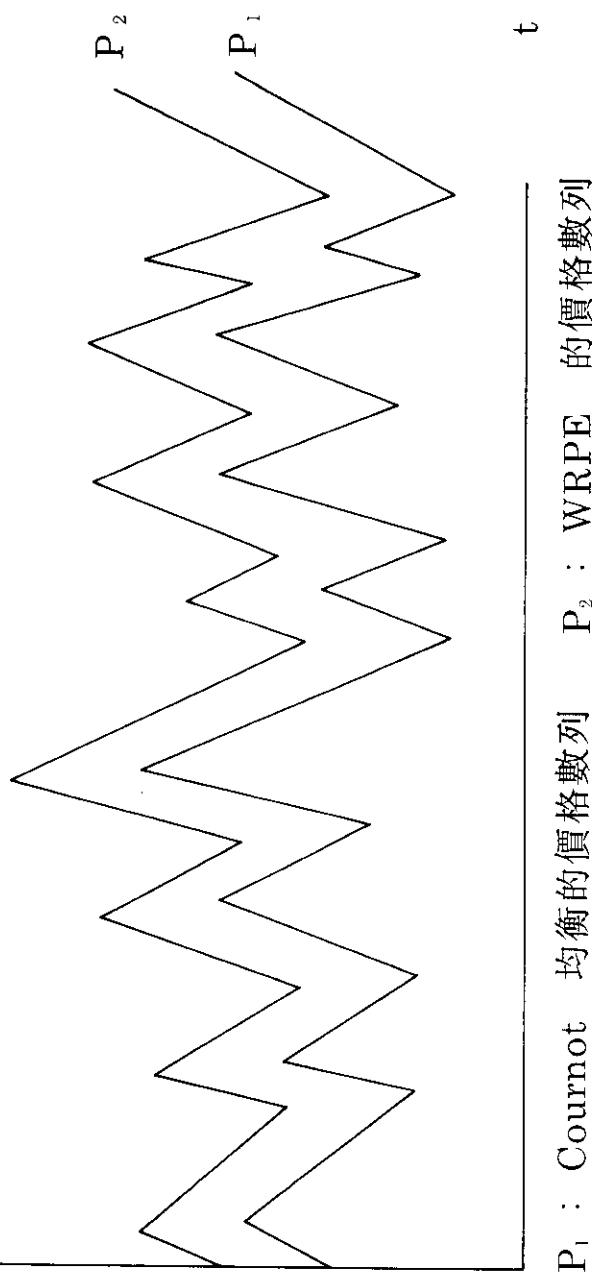


但在一個 WRPE 下，總產量  $Q$ （幾乎）永遠是固定的（假設為  $Q$ ），因此  $P(Q)$  也（幾乎）是固定的。所以市場價格  $P$  的波動和  $\tilde{\theta}$ （幾乎）完全相同。這又可知一個 WRPE 和 Cournot 競爭的價格數列是（幾乎）完全相同的。也就是說  $\tilde{P} = P_c + d$ ，其中  $d$  是一個常數。一個典型的 WRPE price process 如圖七。因此如果我們不知道廠商的生產成本（通常我們是不知道的），那麼一個 Cournot 競爭下的價格數列和 WRPE 勾結下的完全一樣。但 WRPE 却是一個比 Trigger 策略還要嚴重的勾結，因為廠商（幾乎）永遠生產壟斷產量，得到（近於）壟斷利潤。

因此這個比較所得到的實證上的結論是很清楚的：即使我們用實證無法證明廠商沒有使用 Trigger 策略勾結，仍然不能說明廠商沒有勾結，因為他們可能是用 WRPE 來勾結。不幸的是，用 WRPE 勾結所產生的價格數列和 Cournot 競爭所產生者完全相同，因此如果不知道廠商的生產成本，我們根本無法測知廠商是否進行勾結。因此想利用計量方法測知廠商的勾結程度，由這個角度來看是非常困難。

圖七

$$P_2 = P_1 + C$$



$P_1$  : Cournot 均衡的價格數列       $P_2$  : WRPE 的價格數列

的。

由於如此，一個負責公平交易的單位（如公交會）在提出證據以證明廠商勾結時，除了使用過去的定價資料外，一定還要使用其它的資料。而判案者，也不能因為所見的定價資料顯示是一個隨機數列 (random process)，就斷定沒有勾結的情形，因為廠商可能使用 WRPE 策略進行勾結。

## 參考資料

- D. Abreu, D. Pearce, and E. Stachetti,  
1986 "Optimal Cartel Equilibrium with Imperfect Monitoring," *Journal of Economic Theory* 39 251-269.
- D. Abreu, D. Pearce, and E. Stachetti,  
1990 "Toward a Theory of Discounted Repeated Games with Imperfect Monitoring," *Econometrica* 58: 1041-1063.
- E. van Damme,  
1989 "Renegotiation-proof equilibrium in Repeated Prisoners' Dilemma," *Journal of Economic Theory* 47: 206-217.
- J. Farrell, E. Maskin  
1989 "Renegotiation in Repeated Games," *Games and Economic Behavior* 1: 327-360.
- E. Green, R. Porter,  
1984 "Noncooperative Collusion under Imperfect Price Information," *Econometrica* 52:8 87-100.